アンテナ測定に関する基礎

Fundamental Technologies for Antenna Measurement

石井 望[↑] 飴谷 充隆[‡] Nozomu ISHII[↑] and Michitaka AMEYA[‡]

*新潟大学 : 産業技術総合研究所

概要

アンテナ性能を測定することは性能を担保することや適法性の観点から必須の技術である。ここではア ンテナ測定の基礎と、近傍界遠方界変換の基礎について述べる。

電波を使用した無線システムでは、アンテナの観点からは、給電線路からアンテナに効率よく電力が供 給されているのか、アンテナから空間へ設計通りに放射されているのかが定量的な評価基準となる。ア ンテナ測定基礎編では、測定に関わるアンテナ諸元を復習した後、測定における人的要素、同軸ケーブ ル、測定機器の設定などのアンテナ測定技術の基本となる事項を紹介する。続けて、電気長補正、不平 衡電流対策を含めて、ネットワークアナライザを用いたアンテナのインピーダンス測定を解説する。ま た、パターン・利得測定について、測定上の留意点を含めて解説する。さらに、S パラメータ法、光リ ンクシステムを利用した測定、放射電力測定についても簡単に紹介する。

アンテナの放射パターンは、無線システムの通信エリア設計にきわめて重要な要素である。アンテナの放射パターン測定法のうちの、2次元上の直交する近傍電界から遠方界の放射パターンを算出する方法が近傍界遠方界変換法(Near-field to Far-field Transformation)である。本講座の後半では、近傍界遠方界変換法の基礎理論と、被測定アンテナとプローブアンテナ、VNAを用いた二次元Sパラメータ測定からアンテナの放射パターンを求めるための定式化と、具体的な測定手順について、平面走査の場合を比較しながら、解説を行う。

Abstract

Antenna measurement is mandatory to certify of antenna performance or warranty of legality. Basic antenna measurement technology and near-field to far-field transformation are explained in this tutorial.

From the antenna's point of view, quantitative evaluation criteria are whether power is efficiently supplied from the line to the antenna and whether the power is radiated from the antenna to the space as designed. In the basic antenna measurement section, the fundamentals of antenna measurement, including human factors, will be introduced. Then, impedance measurement of antennas using a network analyzer, including electrical length compensation, will be explained. Pattern and gain measurements will be discussed, including points to keep in mind during measurements.

The radiation pattern of an antenna is an extremely important factor in the design of the communication area of a wireless system. The near-field to far-field transformation method is a method of measuring the radiation pattern of an antenna that calculates the far-field radiation pattern from orthogonal nearby electric fields in two dimensions. In the second half of the course, the basic theory of the near-field to far-field transformation method, the formulation and measurement procedures for determining the radiation pattern of an antenna from two-dimensional S-parameter measurements using the antenna under test, a probe antenna, and a VNA will be explained, comparing the planar scanning case and the cylindrical scanning case.

放射指向性測定のためのアンテナ近傍界計測の基礎 Fundamentals of Antenna Near-Field Measurement for Radiation Pattern Measurement

飴谷 充隆 Michitaka AMEYA

(国研) 産業技術総合研究所 物理計測標準研究部門 電磁界標準研究グループ

m.ameya@aist.go.jp

1

目次

・1.近傍界測定の重要性

1.1 アンテナ放射パターンの測定法の分類

1.2 近傍界・遠方界の定義

1.3 遠方界における放射パターン測定

1.4 代表的な近傍界測定法

・2.近傍界遠方界変換の基礎と平面近傍界測定

2.1 近傍界遠方界変換の基本的な考え方

2.2 平面近傍界遠方界変換の定式化

2.2a バックプロジェクションによる観測面の変更

2.3 平面波散乱行列によるアンテナからの放射の記述

2.4 平面波散乱行列による2つのアンテナ間のインタラクション

2.5 平面走査近傍界測定装置の構成例

2.6 平面近傍界測定装置による測定の一例

2.7 平面近傍界測定による近傍界遠方界変換の例

2.7a バックプロジェクションの例

目次

3. 円筒面走查近傍界遠方界変換

3.1 円筒面走査近傍界遠方界変換の定式化

3.2 第一種および第二種ハンケル関数

3.3 円筒波散乱行列による表現

3.4 円筒波散乱行列で表現した伝送方程式

3.5 アンテナ結合積の分離(=プローブ補正)

3.6 円筒面近傍界測定装置の構成例

3.7 円筒面近傍界測定装置による測定の例

4. 球面走查近傍界遠方界変換

4.1 球面走査近傍界遠方界変換の定式化

4.2 正規化したルジャンドル陪関数

4.3 球ベッセル関数および球ハンケル関数

4.4 球面波関数の例

4.5 球面波展開係数と遠方界の関係

4.6 電界から球面波展開係数を直接求める場合

目次

・4. 球面走査近傍界遠方界変換(つづき)

4.7 球面波展開係数を用いた伝送方程式

4.8 球面近傍界遠方界変換の手順フローチャート

4.9 代表的なアンテナの球面波展開係数の例

4.10 電磁界シミュレーターによる球面近傍界遠方界変換の例

4.11 モード数とサンプリング間隔

4.12 球面近傍界測定装置の構成例

4.13 球面近傍界測定装置による測定の例

• 5.近傍界計測全般の話とまとめ

5.1 近傍界プローブの種類 5.2 平面・円筒面・球面走査近傍界測定の特徴比較 5.3 6軸アームロボットによる近傍界遠方界測定装置の実装 5.4 まとめ

参考文献

1.近傍界測定の重要性

1.1アンテナ放射パターンの測定法の分類





1.2' 遠方界距離の最大位相差としての解釈



遠方界条件:
$$R > \frac{2D^2}{\lambda}$$

アンテナ間距離Rが2D²/λ以上



アンテナの中心と端で、 位相差がπ/8以下(22.5[°]以下) であることと、等価。

8

最大距離差

$$x - R = \sqrt{\left(\frac{D}{2}\right)^{2} + R^{2} - R} \cong R + \frac{1}{2R}\left(\frac{D}{2}\right)^{2} - R = \frac{1}{2R}\left(\frac{D}{2}\right)^{2}$$

$$1 \gg x \text{tible } \sqrt{1 + x} = 1 + \frac{x}{2} + O(x^{2})$$

最大位相差

$$kl = k \frac{1}{2R} \left(\frac{D}{2}\right)^2 = \frac{\pi}{R\lambda} \left(\frac{D}{2}\right)^2 < \frac{\pi}{8} \qquad \stackrel{\longrightarrow}{\longrightarrow} \quad R > \frac{2D^2}{\lambda}$$

klt波数 $k = \frac{2\pi}{\lambda}$

1.3 遠方界における放射パターン測定



左の例では、 $R = \frac{2D^2}{\lambda}, R = \frac{4D^2}{\lambda}, R = \infty$

のときの、アンテナ放射パターンを示しており、

第一ヌル点や、第一サイドローブのレベルが、 ずれている。(サイドローブは2 dB程度)



1.3' 遠方界放射パターン測定の長所と短所

長所

- ・理解が容易
- ・コストも安くできる可能性あり(室内で距離が短ければ)
- ・リアルタイムな測定が可能
- ・位相を測定する必要がない

短所

- ・大きいアンテナの場合は、距離が必要
- コストが高くなる危険性も(野外測定、アンテナ高さ、距離が大きくなる場合)
- ・野外測定ではセキュリティや安全面、法律の問題もあり
- ・反射のコントロールが難しい
- ・ダイナミックレンジの確保が難しい
- ・真の遠方界を測定できない
- ・被測定アンテナ側を動かす必要がある。



1.4 代表的な近傍界測定法



・変換アルゴリズムは2D-FFTなの で容易

・縦方向にも横方向にも打切り誤 差が発生。指向性の高いアンテナ しか測定できない。

*2D-FFT: 2-Dimensional Fast Fourier Transformation



・変換アルゴリズムは平面走査よりは 複雑だが、球面よりは簡単

 ・方位角方向には打切り誤差は発生しない。高さ方向には打切り誤差があるので、
 長尺のアンテナ(垂直方向にはビームが 狭く、水平方向にはビームが広いアンテナ)に適している。

・走査機構の実現は比較的容易



・変換アルゴリズムは若干複雑 ・θとφの2軸を回転させる機構が必要 であり、機構も複雑になる傾向。

・球面を取り囲むので、打切り誤差が発 生しづらい。低利得なアンテナから高利 得なアンテナまで対応可能。

・距離が離れれば、プローブ補正を 不要とすることもできる。



2.1 近傍界遠方界変換の基本的な考え方

・直交座標、円柱座標、球座標は、ヘルムホルツ方程式を解くときに、変数分離が可能な座標系であるため、平面走査、
 円筒走査、球面走査が利用しやすい。

	ヘルムホルツ方程式 : (∇ ² ∇ ² はラプラシアン、	+ k^2) $A = 0$ kは定数	(例えば、波動力 空間に関	5程式を時間と空間で変数分離したときの する微分方程式として現れる)
直交座標:	A(x, y, z) = X(x)Y(y)Z(z)	$X(x) \sim a \exp(-jk)$ $Y(y) \sim c \exp(-jk)$ $Z(z) \sim e \exp(-jk)$	$f_{x}x) + b\exp(+jk_{x}x)$ $f_{y}y) + d\exp(+jk_{y}y)$ $f_{z}z) + f\exp(+jk_{z}z)$	平面波
円筒座標:	$A(\rho,\phi,z) = P(\rho)\Phi(\phi)Z(z)$	$P(\rho) \sim AJ_n(k_\rho \rho)$ or $P(\rho) \sim CH_n^{(2)}(k_\rho \rho)$ $\Phi(\phi) \sim \gamma \cos(m\phi)$	+ $BN_n(k_\rho\rho)$) + $DH_n^{(2)}(k_\rho\rho)$) + $\delta \sin(m\phi)$	J_n はベッセル関数、 N_n はノイマン関数 $H_n^{(1)}$ は第一種ハンケル関数、 $H_n^{(2)}$ は第二種ハンケル関数 $H_n^{(1)}(x) = J_n(x) + jN_n(x), H_n^{(2)}(x) = J_n(x) - jN_n(x)$
球座標:	$A(r,\theta,\phi) = R(r)\Theta(\theta)\Phi(\phi)$	$R(r) \sim \alpha j_n(k_r r) + \beta$ $\Theta(\theta) \sim P_n^m(\cos \theta)$ $\Phi(\phi) \sim \gamma \cos(m\phi)$	$n_n(k_r r)$ s θ)) + $\delta sin(m\phi)$	j_n, n_n は球ベッセル関数と球ノイマン関数 P_n^m はルジャンドル陪関数 $ heta(heta) \Phi(\phi) \sim Y_n^m(heta, \phi)$ を球面調和関数という

・平面波展開 or 円筒波展 or 球面波展開を行い、その展開係数を求めてから、遠方界を求める。展開係数を求めれば、任意の位置の(放射)近傍界や遠方界を自由に求めることができる。

・受信プローブの影響を考えるために、アンテナ間結合を考える必要があり、伝送方程式(transmission formula)の構築が 必要。それによりプローブ補正が可能になり、精度の高い計測が実現できる。

・どの定式化でも、アンテナ間の散乱は<u>ない</u>と仮定しているため、アンテナ間での多重反射は発生しないように、アン テナとプローブ間の距離を離したり、プローブの散乱断面積を小さくする等の工夫が必要。

2.2 平面近傍界遠方界変換の定式化

平面に正接する電界成分(図の E_x, E_y)の振幅・位相を測定する。

<u>測定の条件</u>

電界強度と平面波展開係数の関係

$$\boldsymbol{E}_{\mathrm{T}}(x, y, z = 0) = \frac{1}{4\pi^2} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \boldsymbol{F}_{\mathrm{T}}(k_x, k_y) e^{-j(k_x x + k_y y)} dk_x dk_y$$

$$\boldsymbol{F}_{\mathrm{T}}(k_{x},k_{y}) = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \boldsymbol{E}_{\mathrm{T}}(x,y,z=0) e^{j(k_{x}x+k_{y}y)} dxdy$$

 $\lambda : 波長$ 波数: $k_0 = \sqrt{k_x^2 + k_y^2 + k_z^2} = \frac{2\pi}{\lambda}$ $E = E_x \widehat{e_x} + E_y \widehat{e_y} + E_z \widehat{e_z}$ $E_T = E_x \widehat{e_x} + E_y \widehat{e_y}$ $F = F_x \widehat{e_x} + F_y \widehat{e_y} + F_z \widehat{e_z}$ $F_T = F_x \widehat{e_x} + F_y \widehat{e_y}$ $F_z = -\frac{k_T \cdot F_T}{k_z}$ FzlåFx, Fyがわかれば求められる

<u>遠方界</u> $E(r, \theta, \phi) \approx j \frac{e^{-jkr}}{\lambda r} \cos \theta F(k_x, k_y)$ 近傍界遠方界変換 空間の電界ベクトル E_T が測定できれば、上記の定式化まででよいが、

実際にはむずかしく、測定結果は受信アンテナ特性と送信アンテナ特性が結合したもの すなわち、アンテナ結合積(Antenna Coupling Product)となって得られる。



2.2a バックプロジェクション法による観測面の変更



<u>平面波スペクトルがわかれば、任意の位置での電界成分Ex, Ex, Ezが計算可能</u>

 F_x, F_y から E_x, E_y, E_z がすべて求まる! (2成分の測定で良い根拠)



・開口面フィルタリング

・レンズアンテナの焦点スポットサイズの推定

・携帯端末近傍での電力密度推定(4.3節で紹介)

※エバネセント波は再生できない点に注意

15

2.3 平面波散乱行列によるアンテナからの放射の記述

PWSM (Plane-wave Scattering-matrix)、平面波散乱行列によるアンテナの表現

Ref.[2] D.M. Kerns: Plane-wave scattering-matrix theory of antennas and antenna-antenna interactions (NBS Monograph 162, 1981)



2.4 平面波散乱行列による2つのアンテナ間のインタラクション

アンテナ間インタラクションの平面波散乱行列による表現



2.5 平面走査近傍界測定装置の構成例



垂直型平面走査システム

NSI-Miのwebpageより

URL: <u>https://www.nsi-mi.com/products/system-</u> <u>solutions/near-field-systems/vertical-planar-scanner-</u> <u>systems/medium-vertical-planar-scanner-systems</u>

以下のURLを入力して、 画像をご確認ください

水平型平面走査システム

NSI-Miのwebpageより

URL: <u>https://www.nsi-mi.com/products/system-solutions/near-field-systems/horizontal-planar-scanner-systems/small-</u>horizontal-planar-scanner-systems

2.6 平面近傍界測定装置による測定の一例

26.5 GHz~40 GHz帯で動作するWR28の標準ホーンアンテナの平面近傍界分布を測定

測定 | 周波数28 GHz、 $\Delta x = \Delta y = 5 \text{ mm}$ 、走査範囲−250 mm $\leq x \leq 250 \text{ mm}$, −300 mm $\leq y \leq 300 \text{ mm}$ 、

条件 測定ポイント数101×121=12,221ポイント, IFBW = 10 Hz、測定時間約45分、開口面からの距離130 mm(≈13λ)



2.7 平面近傍界測定による近傍界遠方界変換の例



方位角方向は+4[°]程度ずれていた。→アラインメントの問題

2.7a バックプロジェクションの例

観測面を開口面の位置に変更



ホーンアンテナの開口面とほぼ同形状の分布が得られる

21

3. <u>円筒面</u>走査 近傍界遠方界変換

(Cylindrical Near-field to Far-field Transformation)



$$3.1 \operatorname{Princ}_{E_{z} \geq E_{\phi} \in \Delta z, \Delta \phi} \operatorname{onis}_{Big} (k_{z}) = \frac{k_{z} \geq E_{\phi} \otimes E_{z}, \Delta \phi}{2} \sum_{k \geq e_{\phi} \in \Delta z, \Delta \phi} \operatorname{onis}_{Big} (k_{z}) = \frac{k_{z} \geq E_{\phi} \otimes E_{z}, \Delta \phi}{2} \sum_{k \geq e_{\phi} \otimes E_{z}, \Delta \phi} (k_{z}) = \frac{k_{z} \geq E_{\phi} \otimes E_{z}, \Delta \phi}{2} \sum_{r_{MBC}} \sum_{r_{MBC} \geq r_{MBC}} \sum_{r_{MBC} \geq r_{MBC} \geq r_{MBC}} \sum_{r_{MBC} \geq r_{MBC}} \sum_{r_{MBC} \geq r_{MBC}} \sum_{r_{MBC} \geq r_{MBC} \geq r_{MBC}} \sum_{r_{MBC} \geq r_{MBC} \geq r_{MBC}} \sum_{r_{MBC} \geq r_{MBC} \geq r_{MBC} \geq r_{MBC}} \sum_{r_{MBC} \geq r_{MBC} \geq r_{MBC} \geq r_{MBC}} \sum_{r_{MBC} \geq r_{MBC} \geq r_$$

3.2 **第一**種および第二種ハンケル関数

ベッセル関数 $J_m(s)$ を実部にもち、 ノイマン関数 $Y_m(s)$ を虚部にもつ形で表現 第一種ハンケル関数 $H_m^{(1)}(s) = J_m(s) + jY_m(s)$ 第二種ハンケル関数 $H_m^{(2)}(s) = J_m(s) - jY_m(s)$



※上記は、省略されている時間依存項が $e^{j\omega t}$ で定義されている場合であり、時間依存項が $e^{-i\omega t}$ あるいは $e^{-j\omega t}$ で定義される場合は、第一種ハンケル関数が進行波を表し、第二種ハンケル関数が後退波を表すので、注意が必要

3.3 円筒波散乱行列による表現

・第二種ハンケル関数は出射波(outgoing wave)しか表していないので、反射波を表現するためには、第一種ハンケル関数も使用する。

アンテナを取り囲む最少円筒よりも外の領域の電磁界は、

$$E(\rho,\phi,z) = \sum_{\substack{m=-\infty \ +\infty \ +\infty}}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \left[b_m^1(k_z) M_{mk_z}^{(2)}(\rho,\phi,z) + b_m^2(k_z) N_{mk_z}^{(2)}(\rho,\phi,z) \right] dk_z$$

 $+ \sum_{\substack{m=-\infty \ -\infty}}^{+\infty} \int_{-\infty}^{-\infty} \left[a_m^1(k_z) M_{mk_z}^{(1)}(\rho,\phi,z) + a_m^2(k_z) N_{mk_z}^{(1)}(\rho,\phi,z) \right] dk_z$

ポート電圧a0, b0と円筒波展開係数b1m, b2m, a1m, a2mの関係を、円筒波散乱行列を用いて表現すると、

$$b_{0} = \Gamma_{0}a_{0} + \sum_{m=-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{\infty} [R_{m}^{1}(k_{z})a_{m}^{1}(k_{z}) + R_{m}^{2}(k_{z})a_{m}^{2}(k_{z})] dk_{z}$$

$$b_{m}^{1}(k_{z}) = T_{m}^{1}(k_{z})a_{0} + \sum_{\substack{m=-\infty\\+\infty}}^{+\infty} \int_{-\infty}^{\infty} [S_{m,\nu}^{1,1}(k_{z},k_{z}')a_{\nu}^{1}(k_{z}') + S_{m,\nu}^{1,2}(k_{z},k_{z}')a_{\nu}^{2}(k_{z}')] dk'_{z}$$

$$b_{m}^{2}(k_{z}) = T_{m}^{2}(k_{z})a_{0} + \sum_{\substack{m=-\infty\\-\infty}}^{+\infty} \int_{-\infty}^{\infty} [S_{m,\nu}^{2,1}(k_{z},k_{z}')a_{\nu}^{1}(k_{z}') + S_{m,\nu}^{2,2}(k_{z},k_{z}')a_{\nu}^{2}(k_{z}')] dk'_{z}$$

 $b_m^s(k_z)$

 $a_m^s(k_z)$

s = 1 or 2: 偏波モードに対応(1: 水平, 2: 垂直) $R_m^s(k_z): アンテナの受信特性(mとkzの変数)$ $T_m^s(k_z): アンテナの送信特性(mとkzの変数)$ $S_{m,\nu}^{s,s'}(k_z): アンテナの散乱特性(m,v, kz, k'z の変数)$

多重反射が存在しなければ、

 $\leftarrow a_0$

 Γ_0

$$a_m^s = 0$$
 $b_m^1(k_z) = T_m^1(k_z)a_0$
 $b_m^2(k_z) = T_m^2(k_z)a_0$



3.4 円筒波散乱行列で表現した伝送方程式



26

$$3.5 \text{ } \textbf{PC} + \textbf{kh} = \textbf{k$$

<u>3.6円筒面近傍界測定装置の構成例</u>

以下のURLを入力して、 画像をご確認ください



以下のURLを入力して、 画像をご確認ください

NSI-Miのwebpageより URL: <u>https://www.nsi-</u> <u>mi.com/products/system-</u> <u>solutions/near-field-</u> <u>systems/cylindrical-near-field-</u> <u>scanner-systems</u>

NSI-Miのwebpageより URL: <u>https://www.nsi-</u> mi.com/products/system-solutions/nearfield-systems/cylindrical-near-fieldscanner-systems/large-cylindrical-nearfield-scanner-systems

4.2.3.7円筒面近傍界測定装置による測定の一例



振幅分布ではわかりづらいが、アジマス-48°方向に測定器への漏れ込みが確認できる。

4.2.3.7円筒面近傍界測定装置による測定の一例



エレベーションは測定エリア不足→アンテナ間距離が1.4 mあったため。



(Spherical Near-field to Far-field Transformation)



4.1 球面走査近傍界遠方界変換の定式化



32

4.2 正規化したルジャンドル陪関数

or

球面波展開係数の2乗が電力を表すように正規化されたルジャンドル陪関数

$$\bar{P}_{n}^{m}(x) = \sqrt{\frac{2n+1}{2} \frac{(n-m)!}{(n+m)!}} P_{n}^{m}(x)$$

正規化項
$$n \ge 0, n \ge m \ge 0$$

$$P_{n}^{m}(x): 位数m、次数nのルジャンドル陪関数$$

$$\int_{-1}^{+1} \bar{P}_{n}^{m}(x) \bar{P}_{n'}^{m}(x) dx = \delta_{nn'}$$

$$\delta_{nn'} = \begin{cases} 1 & n = n' \\ 0 & n \neq n' \end{cases}$$

$$x = \cos\theta \ge 1$$

ルジャンドル陪関数 $P_n^m(x)$ は以下で定義される

<u>ロドリゲスの公式</u>

$$P_n^m(x) = \frac{(1-x^2)^{m/2}}{2^n n!} \frac{\mathrm{d}^{n+m}}{\mathrm{d}x^{n+m}} (x^2 - 1)^n$$

<u>漸化式による表現</u> $P_n^m(x) = \frac{2n-1}{n-m} x P_{n-1}^m(x) - \frac{n+m-1}{n-m} P_{n-2}^m(x)$

$$P_0^0(x) = 1$$
 $P_1^0(x) = x$ $P_1^1(x) = \sqrt{1 - x^2}$

4.2 正規化したルジャンドル陪関数(つづき)



4.3 球ベッセル関数および球ハンケル関数

球面波の同径方向成分の変化を表す



※上記は、省略されている時間依存項がe^{jωt}で定義されている場合であり、時間依存項がe^{-iωt}あるいはe^{-jωt}で定義される場合は、第一種球ハンケル関数が進行波を表し、第二種球ハンケル関数が後退波を表すので、注意が必要



4.4 球面波関数の例(TMモード(s = 2), θ成分)



37

4.5 球面波展開係数

$$M_{nnn}^{(4)}(r,\phi,\theta) = \frac{1}{\sqrt{2\pin(n+1)}} \left(-\frac{m}{|m|}\right)^m h_n^{(2)}(kr) e^{jm\phi} \left[\frac{jm}{\sin\theta} \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta) \hat{e}_{\theta} - \frac{\partial \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta)}{\partial \theta} \hat{e}_{\phi}\right]$$

$$N_{nnn}^{(4)}(r,\phi,\theta) = \frac{1}{\sqrt{2\pin(n+1)}} \left(-\frac{m}{|m|}\right)^m \frac{n(n+1)}{kr} h_n^{(2)}(kr) \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta) e^{jm\phi} \hat{e}_{r}$$

$$+ \frac{1}{\sqrt{2\pin(n+1)}} \left(-\frac{m}{|m|}\right)^m \frac{1}{kr} \frac{\partial(krh_n^{(2)}(kr))}{\partial(kr)} e^{jm\phi} \left[\frac{\partial \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta)}{\partial \theta} \hat{e}_{\theta} + \frac{jm}{\sin\theta} \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta) \hat{e}_{\phi}\right]$$

$$\frac{+ \dot{D} [-\dot{\mathbf{g}}_n(r,\phi,\theta)] = \frac{1}{\sqrt{2\pin(n+1)}} \left(-\frac{m}{|m|}\right)^m \frac{1}{n^{n+1}} \frac{\partial(krh_n^{(2)}(kr))}{kr} e^{jm\phi} \left[\frac{jm}{\sin\theta} \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta) \hat{e}_{\theta} - \frac{\partial \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta)}{\partial \theta} \hat{e}_{\phi}\right]$$

$$M_{mn}^{(4)}(r,\phi,\theta) = \frac{1}{\sqrt{2\pin(n+1)}} \left(-\frac{m}{|m|}\right)^m \frac{n^{(n+1)}}{kr} j^{n+1} \frac{e^{-jkr}}{kr} e^{jm\phi} \left[\frac{jm}{\sin\theta} \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta) \hat{e}_{\theta} - \frac{\partial \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta)}{\partial \theta} \hat{e}_{\phi}\right]$$

$$\dot{\mathbf{g}}_n^{(4)}(r,\phi,\theta) = \frac{1}{\sqrt{2\pin(n+1)}} \left(-\frac{m}{|m|}\right)^m \frac{n^{(n+1)}}{kr} j^{n+1} \frac{e^{-jkr}}{kr} e^{jm\phi} \left[\frac{\partial \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta)}{\partial \theta} \hat{e}_{\theta} + \frac{jm}{\sin\theta} \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta) \hat{e}_{\phi}\right]$$

$$\dot{\mathbf{g}}_n^{(4)}(r,\phi,\theta) = \frac{1}{\sqrt{2\pin(n+1)}} \left(-\frac{m}{|m|}\right)^m \frac{n^{(n+1)}}{kr} j^{n+1} \frac{e^{-jkr}}{kr} e^{jm\phi} \left[\frac{\partial \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta)}{\partial \theta} \hat{e}_{\theta} + \frac{jm}{\sin\theta} \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta) \hat{e}_{\phi}\right]$$

$$\dot{\mathbf{g}}_n^{(4)}(r,\phi,\theta) = \frac{1}{\sqrt{2\pin(n+1)}} \left(-\frac{m}{|m|}\right)^m \frac{n^{(n+1)}}{kr} j^{n+1} \frac{e^{-jkr}}{kr} e^{jm\phi} \left[\frac{\partial \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta)}{\partial \theta} \hat{e}_{\theta} + \frac{jm}{\sin\theta} \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta) \hat{e}_{\phi}\right]$$

$$\dot{\mathbf{g}}_n^{(4)}(r,\phi,\theta) = \frac{1}{\sqrt{2\pin(n+1)}} \left(-\frac{m}{|m|}\right)^m \frac{n^{(n+1)}}{kr} j^{n+1} \frac{e^{-jkr}}{kr} e^{jm\phi} \left[\frac{\partial \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta)}{\partial \theta} \hat{e}_{\theta} + \frac{jm}{\sin\theta} \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta) \hat{e}_{\phi}\right]$$

$$\dot{\mathbf{g}}_n^{(4)}(r,\phi,\theta) = \frac{1}{\sqrt{2\pin(n+1)}} \left(-\frac{m}{|m|}\right)^m \frac{k}{\sqrt{\eta}} \frac{e^{-jkr}}{kr} j^{n} e^{jm\phi} \sum_{n=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} \left[-\frac{\partial \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta)}{\partial \theta} + \frac{\partial \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta)}{\partial \theta}\right]$$

$$\dot{\mathbf{g}}_n^{(4)}(r,\phi,\theta) = \frac{1}{\sqrt{2\pin(n+1)}} \left(-\frac{m}{|m|}\right)^m \frac{k}{\sqrt{\eta}} \frac{e^{-jkr}}{kr} j^{n+1} e^{jm\phi} \sum_{n=1}^{\infty} \sum_{n=1}^{\infty} \left[-\frac{\partial \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta)}{\partial \theta} + \frac{\partial \bar{p}_n^{[m]}(\cos\theta)}{\partial \theta}\right]$$

$$\dot{\mathbf{g}}_n^{(5)}(r,\phi,\theta) = \frac{1}{\sqrt{2\pin(n+1)}} \left(-\frac{m}{|m|}\right)^m \frac{k}{\sqrt{\eta}} \frac$$

4.6 電界から球面波展開係数を直接求める場合

半径 r_0 の位置における球に接する電界2成分 $E_{\theta}(r_0, \phi, \theta)$ および $E_{\phi}(r_0, \phi, \theta)$ から Q_{mn}^1 および Q_{mn}^2 が計算可能

球面波展開係数の導出

Ω

$$Q_{mn}^{1} = \Omega \int_{\phi=0}^{2\pi} \int_{\theta=0}^{\pi} \left[E_{\theta}(r_{0},\phi,\theta) \bar{P}_{n}^{|m|}(\cos\theta) e^{jm\phi} + E_{\phi}(r_{0},\phi,\theta) \frac{-\partial \bar{P}_{n}^{|m|}(\cos\theta)}{\partial \theta} e^{jm\phi} \right] \sin\theta d\theta d\phi$$

$$Q_{mn}^{2} = \Phi \int_{\phi=0}^{2\pi} \int_{\theta=0}^{\pi} \left[E_{\theta}(r_{0},\phi,\theta) \frac{\partial \bar{P}_{n}^{|m|}(\cos\theta)}{\partial \theta} e^{jm\phi} + jmE_{\phi}(r_{0},\phi,\theta) \bar{P}_{n}^{|m|}(\cos\theta) e^{jm\phi} \right] \sin\theta d\theta d\phi$$

$$= \frac{k(-1)^{m}}{\sqrt{\eta}h_{n}^{(2)}(kr_{0})} \frac{1}{\sqrt{2\pi n(n+1)}} \left(-\frac{m}{|m|} \right)^{m} \qquad \Phi = \frac{k(-1)^{m}}{\sqrt{\eta} \left[h_{n-1}^{(2)}(kr_{0}) - \frac{n}{kr_{0}} h_{n}^{(2)}(kr_{0}) \right]} \frac{1}{\sqrt{2\pi n(n+1)}} \left(-\frac{m}{|m|} \right)^{m}$$
実際の測定では、電界を直接求めることは不可能である。





4.9 代表的なアンテナの球面波展開係数の例

原点より+10 mmの位置にz軸に沿って配置した

<u>原点でz軸に沿って配置した微小ダイポール</u>



4.9 代表的なアンテナの球面波展開係数の例



4.9 代表的なアンテナの球面波展開係数の例

<u>原点でy軸に沿って配置した微小ダイポール</u>



z軸方向を向いたy方向主偏波であるOEWG



44



<u>シミュレーション条件(MoM法)</u>

パラメータ名	記号	設定値	
周波数	f	28 GHz	
φ方向サンプリング間隔	$\Delta \phi$	1°	
<i>θ</i> 方向サンプリング間隔	Δθ	1°	
φ方向サンプリング範囲	φ	$0^{\circ} \le \phi \le 360^{\circ}$	
<i>θ</i> 方向サンプリング範囲	θ	$0^{\circ} \le \theta \le 180^{\circ}$	
球の半径	R	300 mm	
開口面寸法(縦)	h_{AP}	57 mm	
開口面寸法(横)	W _{AP}	69 mm	
フレア長	l _{AP}	145 mm	



(a) 電界振幅の計算結果



nは30くらいまで評価すればよさそう

 E_{θ} 成分, $\phi = 90^{\circ}$



次数を上げると、リファレンス値(グレー色)に近づくことが確認できる

<u>*E_θ*成分, φ = 90°,差分</u>

Error Signal = 20 log $\begin{vmatrix} E_{\theta NFFFT}(\theta, \phi) \\ max(E_{\theta NFFFT}(\theta, \phi)) \end{vmatrix}$ - $\frac{E_{\theta MoM}(\theta, \phi)}{max(E_{\theta MoM}(\theta, \phi))} \end{vmatrix}$ dB の 差 では、レベルの弱いところの $m_{max} = 15$ $m_{max} = 20$ $m_{max} = 25$ $m_{max} = 30$ dB N 差 では、レベルの弱いところの 差が大きくなってしまうので、 規格化した真値で差分をとり、そのdBをエラーシグナルとして評価する



Error Signalが-50 dB以下を良好な結果と考えれば、nmax = 25以上が妥当であると考えられる。

 E_{ϕ} 成分, $\phi = 0^{\circ}$



次数を上げると、リファレンス値(グレー色)に近づくことが確認できる

 E_{ϕ} 成分, $\phi = 0^{\circ}$,差分

Normalized Amplitude (dB)



E面 (E_{θ}) 同様、Error Signalが-50 dB以下を良好な結果と考えれば、 n_{max} = 25以上が妥当であると考えられる。



4.12 球面走査近傍界測定装置の構成例

以下のURLを入力して、 画像をご確認ください

https://www.nsimi.com/products/systemsolutions/near-fieldsystems/spherical-near-field-scannersystems/roll-over-azimuth-scannersystem

Roll over azimuth タイフ

以下のURLを入力して、 画像をご確認ください

https://www.nsimi.com/products/systemsolutions/near-field-systems/sphericalnear-field-scanner-systems/spherical-nfvertical-arch-measurement-system

AUT stationaryタイプ

以下のURLを入力して、 画像をご確認ください

https://www.mvgworld.com/ja/%E8%A3%BD%E5%93% 81/antenaceding/marutipurobusisutemu/sg-64

マルチセンタータイプ

以下のURLを入力して、 画像をご確認ください

https://www.nsimi.com/products/systemsolutions/near-fieldsystems/combination-near-fieldsystems/8-axis-robotic-antennameasurement-system

6軸ロボットタイプ

(それぞれの特徴)

Roll over azimuth タイプ

 →半径の変更が容易だが、
 AUTの2軸回転が必要

・マルチセンタータイプ

→測定が高速

・AUT stationaryタイプ

→AUTを動かさなくてよい ・6軸ロボットタイプ

> →半径の変更が容易。かつ、球面走 査だけでなく、平面走査、円筒面走査 も可能。

6軸ロボットとターンテーブルを用いれば、安 価に球面走査系を実現できるとともに、 平面走査、円筒面走査にも対応が可能。

52

5. 近傍界計測全体の話とまとめ

5.1 近傍界プローブの種類

(a) 切り離し導波管プローブ

(Open-ended Waveguide Probe, OEWG)



走査に使えないが。測定の距離をMRSの2倍にすれば、実際は使える。

https://www.nsi-mi.com/products/antenna-products/waveguide-probes

(c)広帯域プローブ(Broadband probe)



・広帯域(例えば1 GHz~18 GHz等)

・ゲインはリッジドガイドホーンの場合、3 dBi~16 dBi、 ログペリの場合7 dBi~10 dBi程度

・調整機構が多いため、運搬時などの故障の可能性がOEWGや円形導波管プローブよりは高い

・解析式はなく、CEMによる計算もかなり面倒なので、 精度が必要な場合にはプローブ校正が必須

(b) 両偏波円形導波管プローブ

(Dual-polarized circular waveguide probe)

・ゲインは10 dBi程度

- ・精度の高い解析式はないのでCEMによる計算が必要
- ・回転対称なパターンが得られるため 球面走査のu=±1プローブとして使用可能

・90°回転しても同じ形状なので、OMT(Othogonal

mode transducer)が使用でき、

2偏波共用プローブとして利用可能であり、測定速度が 向上する。

- ・チャンネルバランス補正が必要
- ・コストはOEWGプローブより高い。
- ・帯域はOEWGプローブと同程度。

https://www.nsi-mi.com/products/antenna-products/dual-polarized-probes

•広帯域

(d)光電界センサ ^{超小型: 6X6X24mm}



・ゲインは良くても微小ダイポール相当
 ・構成によっては、出力が変わるので要確認
 ・パターンが無指向性ならば、プローブ補正不要
 ・感度は電気系プローブに比べると悪いので、追加でアンプが必要になるが、ケーブルを長くしてもロスがないというメリットあり

5.2平面・円筒面・球面走査近傍界測定の特徴比較

	平面	円筒面	球面
アルゴリズムの 実装の容易さ	O 二次元FFTと同じ	△ 平面と球面の中間	ム 特殊関数の計算が 一部面倒
メカニカル装置の実 現性	△ •XYスキャナが必要 •スキャナ可動範囲を大きくする と部屋が大きくなる	O ・高さ方向は大きくなりがち ・ターンテーブルとー軸のスキャナで よいので実現は容易	ム 二軸の回転機構が必要
測定できる 対象の多さ	ムム 指向性アンテナ 単方向性アンテナ	ム 長尺アンテナ 一次元のみ利得が高いアンテナ	〇 高利得でも低利得でも 対応可能
測定精度	・打切り誤差の影響あり	・長手方向には打切り誤差発生	・打切り誤差はすくない (全球面を測定する ことはなかなか難しい)
プローブ補正	・波数領域では単なる 掛け算なので 比較的容易に分離可能 ・プローブパターンの影響が線形 的に表れる	・方位角方向は二次要素なので、プ ローブ補正による誤差は小さく、 仰角方向は平面走査と同じで、プ ローブパターンのアジマスパターンに 比例した誤差が発生する。	 ・使用するプローブはµ=±1の1次プ ローブが望ましい ・実用上は、距離を離せば1次プロー ブじゃなくても良い ・プローブ補正による誤差は二次の 影響(他の影響より小さい) ・プローブ補正はすべての次数 の係数に影響がでる

5.3 6軸アームロボットによる近傍界遠方界測定装置の実装



5.3.1 ロボットの位置精度評価

Laser Trackerを レンタルし、ロボットの位置 精度を測定

レーザートラッカーの 位置精度 最大 : 20 µm Typical : 10 µm



絶対位置指定機能を利用する場合、自前での計測が必要不可欠



5.3.4 アームロボットによる球面近傍界測定の様子



5.3.5 アームロボットによる平面近傍界測定の様子

未公開資料のため、 当日の講演でのみ表示

5.4 まとめ

・放射近傍界における直交する電界2成分を測定し、平面波展開 or 円筒波展 or 球面波展開を行い、その展開係数を求めてから、遠方界を求める。展開係数を求めれば、任意の位置の(放射)近傍界や遠方 界をSN比が高い状況で、自由に求めることができる。

・受信プローブの影響を考えるために、アンテナ間結合を考える必要があり、伝送方程式(transmission formula)の構築が必要。それによりプローブ補正が可能になり、精度の高い計測が実現できる。

・どの定式化でも、アンテナ間の散乱は<u>ない</u>と仮定しているため、アンテナ間での多重反射は発生しない ように、アンテナとプローブ間の距離を離したり、プローブの散乱断面積を小さくする等の工夫が必要。

・6軸アームロボットとターンテーブルの利用により、球面、円筒面、平面の3種類の近傍界測定法を同じ システムで実現可能である。



[1] IEEE Std 1720-2012, "IEEE Recommended Practice for Near-Field Antenna Measurements", 2012.

- [2] D.M. Kerns: Plane-wave scattering-matrix theory of antennas and antenna-antenna interactions (NBS Monograph 162, 1981)
- [3] S. Gregson, J. McCormick and C. Parini: Principles of Planar Near-Field Antenna Measurements (IET, 2007)
- [4] J.E. Hansen: Spherical Near-field Antenna Measurements (IET, 1988)
- [5] A.D. Yaghjian: Near-Field Antenna Measurements on a Cylindrical Surface: A Source Scattering-Matrix Formulation. (NBS Technical Note 696, 1977)
- [6] C. Parini, S. Gregson, J. McCormick, D.J. Rensburg and T. Eibert: Theory and Practice of Modern Antenna Range Measurements 2nd Expanded Edition, Vol.1 and Vol.2 (IET, 2020)

著者紹介

(プロフィール)

氏名: 飴谷 充隆

所属:產業技術総合研究所物理計測標準研究部門

電磁界標準研究グループ

役職:主任研究員

E-メール: m.ameya@aist.go.jp

(略歴)

2008年3月 北海道大学情報科学研究科にて博士(工学)を取得 2008年4月 産業技術総合研究所入所、

入所より現在までミリ波・テラヘルツ波帯のアンテナ利得校正および 近傍界遠方界変換アンテナ放射指向性測定法の研究開発に取り組 む。

現在、同物理計測標準研究部門電磁界標準グループ主任研究員。 IEEE会員、AMTA会員、電子情報通信学会会員、SICE会員、

AP研第二種研究会AMT研究会幹事

