マイクロ波増幅器の基礎

Fundamentals of Microwave Amplifiers

高山洋一郎

電気通信大学 先端ワイヤレスコミュニケーション研究センター

Yoichiro Takayama

Advanced Wireless Communication Research Center, University of Electro-Communications Chofu-Shi, Tokyo 182-8585 Japan

Abstract - In advanced wireless communication systems, microwave amplifiers are key components determining the quality of transmission signals, power consumption, and realization of compact size. This lecture explains the topic of microwave impedance matching, which is basic design process for a microwave amplifier. Then, basic power amplifying operations and nonlinear distortion behaviors of microwave power amplifiers are explained.

1. はじめに

ワイヤレス通信においてマイクロ波増幅器はキー テクノロジである.マイクロ波低雑音増幅器の設計 では、最小雑音指数を実現する最適信号源インピー ダンスに整合する入力回路,電力増幅器の設計では、 出力電力,電力効率、ひずみ特性を考慮した最適信 号源及び負荷インピーダンスに整合する入出力回路 の実現が課題となる.

現在、マイクロ波増幅器の開発設計に際しては回 路シミュレータが利用されるが、シミュレータは増 幅器の動作モードの情報や回路構成法を与えること はできないため、用途に応じた各種条件・特性を勘 案して回路設計者が決定しなければならない.

その第一歩は、トランジスタの評価であり、増幅 回路の設計ではインピーダンス整合回路の構成法及 びその振る舞いの理解である.更に電力増幅器の設 計においては、電力効率及びひずみ特性が重要な課 題となり、増幅器の高効率動作及びひずみ発生動作 及びその特性についての理解が求められる.

本稿では、マイクロ波回路を設計する初心者にと って最も重要な基礎技術について解説する.第2章 ではマイクロ波トランジスタの回路応用に有用なト ランジスタ特性のパラメータ評価について、第3章 では、マイクロ波回路設計の基礎となるリアクタン ス形インピーダンス整合回路の基本技術及びその増 幅器応用について、スミス図表を利用しながら具体 的な例を交えて解説する.第4章では、トランジス タ電力増幅器の大信号非線形動作の基本的な特性振 る舞いを、第5章は、トランジスタの非線形性及び 増幅器のひずみ特性について基礎的な解説を行なう.

2. マイクロ波トランジスタの評価

マイクロ波増幅器用に用途に合わせて様々なト ランジスタが製品化されている.デバイス評価及び 回路応用の観点から,多くの有用なマイクロ波特性 パラメータが小信号Sパラメータ値から得られる.

2.1 トランジスタ評価パラメータ

マイクロ波増幅利得には,通常,電力利得を用いる. トランジスタの基本増幅利得は最大有能電力利 得 *G*_{max} (Maximum available power gain: MAG)

$$G_{A\max} = \left| \frac{S_{21}}{S_{12}} \right| \left(K - \sqrt{K^2 - 1} \right), \quad K > 1 \qquad \left(G_S = \left| \frac{S_{21}}{S_{12}} \right|, \quad K \le 1 \right)$$
$$K = \frac{1 + |\Delta|^2 - |S_{11}|^2 - |S_{22}|^2}{2|S_{12}S_{21}|}, \quad \Delta = S_{11}S_{22} - S_{12}S_{21}$$
(1)

及び最大単方向電力利得 U (Maximum unilateral power gain)

$$U = \frac{|S_{21}/S_{12} - 1|^2}{2K|S_{21}/S_{12}| - 2\operatorname{Re}(S_{21}/S_{12})} = \frac{|y_{12} - y_{21}|^2}{4(\operatorname{Re}[y_{11}] \bullet \operatorname{Re}[y_{22}] - \operatorname{Re}[y_{12}] \bullet \operatorname{Re}[y_{21}])}$$
(2)

である[1]. *K* は安定化係数であり, $K \ge 1$ が回路の 絶対安定の条件である. G_{Amax} は入出力整合を取っ たときの電力利得, *U* は無損失かつ相反的な帰還回 路を付加して $S_{12}=0$ かつ入出力整合をとったときの 電力利得である. K<1 では G_{max} は定義できないため 最大安定利得 G_S (Maximum stable gain: MSG)を定義 する. 通常, 測定される増幅器の電力利得は信号源 から供給可能な電力 P_{iA} 即ち信号源から整合負荷に 供給される電力に対する負荷に供給される電力 P_O の比である. この電力利得を変換器電力利得 G_T (Transducer power gain)と呼ぶ.

 $G_{\rm T} = P_{\rm O}/P_{\rm iA} \tag{3}$

通常,トランジスタは周波数が低い領域では*K*は 1より小さいが,高周波域で1より大きくなり,絶 対安定となる.*K*が1より小さい周波数域では増幅 帯域外を含めた回路条件の適切な設定により安定化 を計りスプリアス発振などの不安定状態を抑える.

GaAs MESFET のSパラメータ測定値例を図1に, このSパラメータ値から計算したU, MAG, MSG 及び $|h_{21}|$ を図2に示す.トランジスタの高周波性能 を表す電流利得遮断周波数 f_{T} 及び最大発振周波数 f_{max} はそれそれ $|h_{21}|$ 及びU(または G_{max})が1となる 周波数で定義される.次章で示すようにこれらの周 波数特性はほぼ-6dB/Octave で減少するため,図2に おいて直線で外挿することにより利得が1(0dB)とな る周波数から f_{T} =15GHz及び f_{max} =48GHzを得る.

2.2 トランジスタの小信号等価回路

トランジスタ構造解析,周波数特性の予測などの デバイス評価及び回路解析・設計には等価回路解析 が利用される.図3にGaAs FET,図4にバイポーラ トランジスタの小信号等価回路の例を示す.破線内 は真性 FET である.

FETの図3に示す等価回路真性FETのソース接地2 端子対 y パラメータは次式で与えられる[1].



図 1 GaAs MESFET の S パラメータ測定値例(ゲート長 0.5 μm, ゲート幅 1.5mm; Vds=9V, Ids=140mA)



図2 Sパラメータから求めた GaAs MESFET の周波数特性

$$y_{11} = j\omega (C_{gs} + C_{gd}), \quad y_{12} = -j\omega C_{gd}$$

$$y_{21} = g_m - j\omega C_{gd}, \quad y_{22} = g_d + j\omega (C_{ds} + C_{gd}) \quad (4)$$

式(4)を用いると
$$|h_{21}| = \left| \frac{y_{21}}{y_{11}} \right| \approx \frac{g_m}{\omega C_{gs}}$$

となるから, 電流利得遮断周波数 f_Tは|h₂₁|=1の周波数の定義により

$$f_T = \frac{g_m}{2\pi C_{gs}} \tag{5}$$



図3 GaAs FET の小信号等価回路



図4 バイポーラトランジスタの小信号等価回路

を得る. さらに,式(4)を用いて式(2)の Uを計算すると次式を得る.

$$U = \frac{g_m^2 (1 + \omega^2 R_i^2 C_{gs}^2)}{4\omega^2 C_{gs}^2 R_i g_d}$$

$$\approx \frac{g_m^2}{4\omega^2 C_{gs}^2 g_d \omega^2} = \frac{1}{4R_i g_d} \left(\frac{f_T}{f}\right)^2$$
(6)

式(6)から *U*は-6dB/Oct の周波数特性を示す. 最大発振周波数 *f*_{max}は *U*=1 となる周波数であるから

$$f_{\max} = \frac{f_T}{2\sqrt{R_i g_d}} \tag{7}$$

を得る. バイポーラトランジスタについても同様に 次の関係式を得る[1].

$$f_T = \frac{g_m}{2\pi C_\pi}, \ f_{max} = \sqrt{\frac{f_T}{8\pi r_b C_u}}$$
 (8)

3. マイクロ波増幅回路の基本構成

典型的なマイクロ波トランジスタ増幅回路の基本 構成を図5に示す.増幅器の設計手順は,まず,所 望の増幅器特性を実現するトランジスタの最適信号 源インピーダンス Z_s 及び負荷インピーダンス Z_c を ソースプル・ロードプル測定あるいは回路シミュレ ーションにより求め、この Z_s 及び Z_c を実現する入 力回路及び出力回路を設計する.最適信号源インピ ーダンス及び負荷インピーダンスは増幅器の用途に 応じて、低雑音増幅器では、最小雑音信号源インピ ーダンスであり、電力増幅器においては、最大電力 効率あるいは最小ひずみ信号源インピーダンス及び 負荷インピーダンスが設計目標となる.



これらの最適信号源及び負荷インピーダンスを実 現する入力及び出力回路を広義のインピーダンス整 合回路と呼ぶ.回路設計において、入力回路の整合 条件は基準面AあるいはBのいずれにおいて求める ことが可能であり、出力回路についても基準面Cあ るいはDのいずれにおいても可能である.通常、ソ ースプル・ロードプル測定ではトランジスタの適当 な入出力端子面での信号源及び負荷インピーダンス をもとめるため、基準面B及びCで考えるのが自然 である.

図5は入出力回路を信号源及び負荷インピーダン スに取り入れて図6のように書き換えることができる. Zs及び ZL は次式で与えられる.

$$Z_{S} = Z_{122} - \frac{Z_{112}Z_{121}}{50 + Z_{111}}, \quad Z_{L} = Z_{211} - \frac{Z_{212}Z_{221}}{50 + Z_{222}} \quad (9)$$



図6 トランジスタ回路の基本構成

ソースプル及びロードプル測定での信号源及び負 荷インピーダンスは図6の Z_s 及び Z_L である.小信 号動作のトランジスタ回路においては、トランジス タを二端子対パラメータ(Zij)により表すことがで き、図6のトランジスタ入力及び出力インピーダン ス Z_{TL} , Z_{TS} は以下になる.ただし Z_{TS} は v_S 短絡での 値として定義される.

$$Z_{TL} = Z_{11} - \frac{Z_{12}Z_{21}}{Z_L + Z_{22}}, \ Z_{TS} = Z_{22} - \frac{Z_{12}Z_{21}}{Z_S + Z_{11}}$$
(10)

インピーダンス整合回路 インピーダンス整合回路の構成

所望の信号源及び負荷インピーダンス条件を満た す整合回路は,通常,複数存在する.回路構成(直 列,並列等),回路を構成する回路要素(集中定数素 子,分布線路,スタブ等)及び回路要素数について 選択肢はいくつも存在する.実際には,所望特性, 回路要素数,回路の大きさ,コスト,実現性などを 考慮して選択する.以下ではリアクタンス集中定数 素子構成の回路を例に整合回路の構成法及び整合回 路の基本性質について具体例を交えて解説する.

整合回路の設計とは所望の特性を得るために,整 合条件を満たす回路構成及び回路素子値を求めるこ とである.ある周波数での整合条件は数学的には複 素数の方程式であるから,リアクタンス集中定数回 路の場合,回路素子数は最低2個必要であり,両者 が独立したインピーダンス変換機能を持つためには 図7に示す直列及び並列の組み合わせとなる.



負荷 $Z_L(Y_L)$ を $Z_0=50\Omega(Y_L=1/50S)$ に整合する条件は (a), (b)に対してそれぞれ以下になる.

$$Z_{0} = \left(jB + \frac{1}{Z_{L} + jX}\right)^{-1}, \quad Y_{0} = \left(jX + \frac{1}{Y_{L} + jB}\right)^{-1}$$
(11)

図 7(a)に対応する式(11)の第一式は Z_L=R_L+jX_L, R_L<Z₀ (r=1の円外)で,二通りの解(回路は四種) が存在する.

$$X = \pm \sqrt{R_L (Z_0 - R_L)} - X_L, \quad B = \pm \frac{1}{Z_0} \sqrt{\frac{Z_0 - R_L}{R_L}} \quad (12)$$

図 7 (b)に対応する式(11)の第二式は同様に G_L<Y₀ (g=1 の円外)のとき解が存在する.

図 7 (a)に対する式(12)の解のインダクタンス L 及 びキャパシタンス C による回路は図 8 (a), (b), (c), (d)がある. Z_L から Z_0 へのインピーダンス変換の様 子をスミス図表により図式的に示すと図 9(a)及び (b)のようになる.



なお、 図 9 (b)に示した Z_{L1} 及び Z_{L2} については、 図には示していないが、 図 8 (a)及び(b)の構成も可能 である (帯域特性面で望ましくない).

決められたインピーダンス(あるいはアドミタン ス)に対するインピーダンス整合回路の設計の第一 歩は回路構成の選択であるが,回路解析的に求める よりもスミス図表を利用する方が直感的かつ俯瞰的 に選択することができる.回路素子値の決定には回 路シミュレータを利用すればよい.

以上に説明したように、与えられたインピーダン スに対する整合回路の構成は原理的には一通りでは ない.選択の第一の基準は特性である.実際の増幅 回路設計に際しては、帯域外インピーダンスの不安 定性への影響、帯域特性(後述)、バイアス供給、素 子実装の容易さ等を考慮して選択する.

以上に説明した回路構成は直列キャパシタ以外は 分布線路に置き換えることができる.また LC 一段 回路は分布線路に置き換えが可能であり,線路長及 び特性インピーダンスをパラメータとするインピー ダンス変換回路として用いる.



図 9 二素子インピーダンス整合回路のインピーダンス変 換過程(図 7(a)構成)

4.2 負荷リアクタンス成分及びインピーダンス変換 比の周波数特性への影響

一般に、負荷はリアクタンス成分を持つ.図1の トランジスタ入力インピーダンス(S11)を参考にし て、負荷インピーダンスが容量性のリアクタンス成 分を持つ図9(a)(図8(a),(b))の場合を例にとって 二通りの回路の周波数特性を比較する.負荷 Z_Lを

$Z_L = 5 + jX, \quad X = -10 \ (\Omega)$

リアクタンス成分は容量性で周波数 $f_0=6$ GHz として 容量で表すと $C_L=2.65$ pF である. この場合の整合回 路の素子値は

 \boxtimes 8(a) :*L*₁=0.663 (nH), *C*₁=1.59 (pF)

 \boxtimes 8(b) :*L*₂=0.443 (nH), *C*₂=5.33 (pF)

である.両者の抵抗分を負荷とする透過特性を図1

0に示す.インピーダンス変換ルートの短い回路構成の方が二倍近い帯域が得られる(1dB帯域:図8
(a): 1.25GHz,(b):2.35GHz).



次に、インピーダンス変換比の周波数帯域特性へ の影響を見る. 6GHz での 5Ω-50Ω変換(インピー ダンス変換比 r=10)及び 10Ω-50Ω変換(インピー ダンス変換比 r=5)の LC 一段インピーダンス整合 回路(図8(a))について周波数特性を図11に示す. 変換比が大きい回路の帯域が狭くなることがわかる. トランジスタのインピーダンスは高出力用ほどドレ ーン電流あるいはコレクタ電流は大きく、電極間容 量も大きくなり入力及び出力インピーダンスは低く なるため、インピーダンス変換比が大きくなり帯域 は狭く、更には回路損失も大きくなる.





4.3 インピーダンス整合回路の広帯域化

以上では特定の一周波数でのインピーダンス整合 について説明してきた.この節ではインピーダンス 整合回路の広帯域化を説明する.

インピーダンス整合回路の広帯域化は複数周波数 でインピーダンス整合を取ることにより実現できる. 図12 に通過特性 S21 について広帯域化の図式的説 明図である.特性 a は一周波数 ω0 で整合を取った 回路の周波数特性(増幅器の利得特性)であり、b は周波数ω1及びω2の二周波で整合を取った周波数 特性である. 二周波数で整合条件を満たすには独立 した集中定数素子数が4個以上必要である. L-C低 域通過フィルタ構成の例を図12(b)(c)に示す. (b)は L-C 一段構成, (c)は L-C 二段構成である. (b)につ いては前節で説明した. (c)の二段構成チェビシェフ 形については文献により回路素子定数を求めること ができる[1]. 回路シミュレータを用いる場合は、二 周波で整合が取れるように素子値を最適化すればよ い. なお,帯域を広く取るとリップルLが大きくな るので帯域幅は制約される.

図 12(c)のチェビシェフ形二段低域通過形インピ ーダンス整合回路の具体的な構成及び特性例を示す. 設計データ

 $Z_0=50\Omega$, $Z_L=5\Omega$ (インピーダンス比 r=10) $\omega_m=6$ GHz, 比帯域 $w=(\omega_b-\omega_a)/\omega_m=0.6$ として,以下の回路素子値が得られる[1].

*L*₁=0.240nH, *C*₁=2.77pF *L*₂=0.692nH, *C*₂=0.96pF



図12 多段化による広帯域化インピーダンス整合 回路及びその周波数特性

この回路の入力反射特性S₁₁及び透過特性S₂₁の周 波数特性を図13に示す.インピーダンス整合は f=4.9GHz及び7.4GHzで取れている.



図13 二段インピーダンス整合回路の入力反射特性 S₁₁ 及び透過特性 S₂₁の周波数特性

6

Frequency (GHz)

7

8

5

-0.8

さらにこの回路の f=4.9GHz での四素子によるイ ンピーダンス変換過程を図14に示す. 5 Ω が L_1 及 び C_1 により 30 Ω に変換され L_2 及び C_2 により 50 Ω に変換される.



図14 二段インピーダンス整合回路のインピーダンス 変換過程(5Ω-50Ω)

4.4 多周波インピーダンス整合回路の応用

近年,注目されているマルチモード・マルチバン ド通信システムに必要なマルチバンド増幅器などに は多周波インピーダンス整合技術が応用できる[2].

また,次章で述べる電力増幅器には D 級, E 級, F 級など高効率動作が知られている(本稿では取り 上げない[3],[4])が、オーソドックスな高効率化の 手法は最適高調波回路条件を満足する回路を実現す る方法である.例えば、高調波ソースプル・ロード プル測定(あるいはシミュレーション)により基本 波 f₀及び二次高調波 2f₀の最適信号源インピーダン ス及び負荷インピーダンスを求め, f₀及び 2f₀の二周 波で整合条件を満たす回路を設計すればよい.

5. マイクロ波電力増幅器の基礎

5.1 増幅器の電力効率

トランジスタの消費電力 $P_{\rm T}$ は加わる電圧 $V_{\rm a}$ (t)と 流れる電流 $I_{\rm a}$ (t)の積で与えられる. 周期 Tの動作を 想定すると

$$P_T = \frac{1}{T} \int I_d \bullet V_d dt \tag{13}$$

となる. *P*rはトランジスタへバイアス直流電源から 供給される電力 *P*bcからトランジスタ外部へ取り出 される RF 電力 *P*rr を引いた値

$$P_T = P_{DC} - P_{RF} \tag{14}$$

であり、熱となる.式(13)から時間軸上で見て電流 I_d と電圧 V_d の積が常に零、すなわち波形が重ならな い状態に近いほど P_T は零に、 P_{RF} は P_{DC} に近づき、 電力効率 P_{RF}/P_{DC} は1寸なわち100%に近づく.従っ て、電圧及び電流波形の重なりが少ない動作の実現 が高効率動作の実現を意味する.また、波形が重な っても一周期において正負の積分が打消し合って零 に近づく波形になれば効率は良くなる.なお、 $P_T = 0$ であっても基本波以外の高調波やひずみ成分、放 射などを多く発生する場合は信号電力の効率が低下 する.このため同じ次数の高調波電流及び電圧が同 時に存在しない波形駆動でなければならない.

5.2 A級, B級, C級增幅器

トランジスタの基礎となる増幅動作は A~C 級動 作である.これらの動作はドレーン電圧(あるいは コレクタ電圧)が正弦波駆動であり、ドレーン電流 (コレクタ電流)が正弦波の一部からなるため、流 通角をパラメータとして統一的な記述が可能である. 単純化した理想特性の FET による図15の増幅回路 を考える.高調波周波数でインピーダンス(-1/ωC) は十分低くなるとすると、ドレーン電流源端子での ドレーン電圧は正弦波となる.



図15 FET 電力増幅器の基本回路

RF 出力飽和到達点での RF 出力電力および効率を 求めるには、ドレーン電圧及び電流波形をフーリエ 級数展開して直流及び基本波成分から直流消費電力 及び基本波電力を計算すればよい[1].図16におい て、ドレーン電流 Iaが 0 となる *ot* を *o* とおくとド レーン電流が流れている期間 2*o* を流通角と呼び、 このときのドレーン電流は次式で与えられる.

$$I_{d} = \begin{cases} I_{0}(\cos \omega t - \cos \phi) & (-\phi < \omega t < \phi) \\ 0 & (\omega t < -\phi, \ \phi < \omega t) \end{cases}$$

$$I_{0} = \frac{I_{\max}}{1 - \cos \phi}$$
(15)

*I*max は最大ドレーン電流値, *L* は余弦関数の振幅であり, 次の基軸のずれから導かれる.

$$\Delta I = I_0 \cos \phi$$
, $I_0 = I_{max} + \Delta I$ (16)
式(15)をフーリエ級数展開すると

$$I_{d} = \frac{I_{0}}{\pi} \{ (\sin\phi - \phi \cos\phi) + (\phi - \sin\phi \cos\phi) \cos\omega t + \frac{1}{2} (\sin\phi - \frac{1}{3} \sin 3\phi) \cos 2\omega t + \ldots \}$$
(17)

を得る.第1項は直流成分 *I*_{DC},第2項は信号周波数 成分である.正弦波成分,余弦波奇数次高調波成分 は含まない. ドレーン効率は次式で与えられる.

$$\eta_D = \frac{1}{2} \left(1 - \frac{V_{\min}}{V_{DS}} \right) \frac{\phi - \sin\phi \cos\phi}{\sin\phi - \phi\cos\phi}$$
(18)

 V_{\min} は最小ドレーン電圧で,最適値はトランジスタ 飽和電圧 $V_{\rm S}$ に等しい. $V_{\min}=0$ の場合の規格化した出 力電力及びドレーン効率の計算結果を図17 に示す.



図16 ドレーン電流波形と流通角

A 級動作は $\phi = \pi$ (2 $\phi = 360^{\circ}$), すなわちドレー ン電流が遮断される期間はない. B 級動作すなわち $\phi = \pi/2(2\phi = 180^{\circ})$ の場合,ドレーン電流は半周期 流れている. A 及び B 級のドレーン効率は 50%及び $\pi/4=78.5\%$ である. C 級動作は $\phi < \pi/2$ の場合であ り, $\phi \rightarrow 0$ のとき $\eta_{D} \rightarrow 100\%$,ただし $P_{o} \rightarrow 0$ である.



図17A,B 及びC 級動作出力電力及びドレーン効率の流 通各依存性

5.3 電力効率の負荷依存性と飽和電圧の影響

ドレーン電流の振幅は最大に取り出力を最大に することを前提として $V_{\min}=V_s$ とする.式(18)より

 $\eta_{\rm D} \propto (1 - V_{\rm S}/V_{\rm DS})$

である.図18において,負荷線R2に比べて負荷線 R1の動作は実効的なVsが小さくなり,最大電流Imax は小さくなる.このため最大電流振幅は小さくなり, 最大出力は下がるが効率は改善される. FET 立ち上 がり線形領域の抵抗 *R*₀は

$$I_{\text{max}}/V_{\text{min}} = 1/R_0$$
 (19)
で与えられる. A 級及び B 級動作の出力電力 P_o , ド
レーン効率 n_{D} 及び負荷抵抗 R_{L} を表 1 にまとめる。



図18 実効飽和電圧を小さくする負荷条件での動作

なお,負荷は基本波電圧と電流成分の比として求 められる.B級の場合を図19に図示する.トランジ スタの負荷の選択は実効的なトランジスタの電流飽 和電圧を選ぶことになり,その結果,出力電力とと もに電力効率に影響するメカニズムがわかる.

表1出力電力及び効率への飽和電圧と負荷の影響

1 1	山//电/	JX09	ÿ + ∙v	/ ⊑⊡/1∓		- 只问 🖓	1771音	-
			B級					
P_o	$\frac{V_{DS}^{2}}{2R_{L}} \bullet \frac{1}{(1+2R_{0}/R_{L})^{2}}$							
η_D	$\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{1}$		$\frac{\pi}{4} \bullet \frac{1}{1 + 2R_0 / R_L}$					
R_L	$2(V_{DS} - V_{\min})/I_{\max}$							
80 60 40 20 0 0		0	A級 .1 R ₀ /F		級	0	1 0.5 3	$2 P_0 R_1 / V_{DS}^2$

図19 B級増幅器ドレーン効率及び出力電力の飽和 電圧及び負荷抵抗依存性

6. トランジスタ増幅器のひずみ特性

6.1 トランジスタの非線形性

高出力増幅器のひずみの発生はトランジスタの 非線形に起因し、増幅ひずみ特性は回路特性にも依 存する.トランジスタの非線形性要素はいくつかあ るが最大の要素はFETドレーン電流、バイポーラの コレクタ電流の相互コンダクタンスである.更に電 流に関してドレーンコンダクタンスが影響する.入 力容量も非線形性を持つが、HEMT 及び Si MOSFET では容量の非線形性は比較的小さい.

ドレーン電流 *I*_dはゲート電圧 *V*_{gs}及びドレーン電 圧 *V*_{ds}の関数であり、バイアス動作点の周りでテイ ラー級数展開表示すると次式を得る.

$$I_{d} = I_{d0} + \sum_{k=1}^{n} (g_{mk} v_{gs}^{\ k} + g_{dk} v_{ds}^{\ k}) + g_{md11} v_{gs} v_{ds}$$
$$+ g_{md21} v_{gs}^{\ 2} v_{ds} + g_{md12} v_{gs} v_{ds}^{\ 2} + \cdots$$
$$v_{gs} = V_{gs} - V_{g0}, \ v_{ds} = V_{ds} - V_{d0}$$
(20)

図 20 に 1W クラス GaN HEMT の電流電圧測定値 から抽出した g_{mi} の値をゲートバイアス電圧の関数 として示す. $g_{ml}=0$ となる Vg^{\sim} -3.5V がしきい値電 圧であり, $V_g=$ -3.1V 付近で $g_{m3} \approx 0$ であり, それよ り以下で $g_{m3}>0$, 以上で $g_{m3}<0$ である.



6.2 三次相互変調ひずみの発生とその低減

低~中出力 RF レベル動作において,三次相互変 調ひずみ(IMD3)を支配する最も重要な非線形ファ クタは三次相互コンダクタンス g_{m3} である.入力レ ベルが大きくなるに伴って高次の非線形項の影響が 大きくなってくる.

5.2.1 一波信号入力

一波ゲート入力信号電圧

$$v_i = A\cos\omega t \tag{21}$$

に対する三次非線形まで考慮した出力信号における 信号波ドレーン電流成分 io は

 $i_0 = (g_{m1}A + 0.75g_{m3}A^3)\cos \omega t$ (22) となる.第二項は AM-AM 偏移を表し, $g_{m3}>0$ のと き利得拡大(gain expansion)となり利得偏移が正, $g_{m3}<0$ のとき利得圧縮(gain compression)となり利得 偏移が負となることを表している.なお,入力 RF 信号レベルが増加するに伴ってさらに g_{m5} などの高 次の成分が効いてくる.

5.2.2 二波信号入力

等振幅二周波ゲート入力信号電圧

 $v_i = A(\cos \omega_1 t + \cos \omega_2 t)$ (23) に対する三次非線形まで考慮した出力信号における 信号波ドレーン電流成分 i_0 及び三次変調波(2 ω_1 - ω_2) ドレーン電流成分 i_3 は式(20)において $v_{gs}=v_i$ と置くこ とにより

$$i_{\omega} = (g_{m1}A + 2.25g_{m3}A^{3})\cos\omega t$$

$$i_{2\omega_{1}-\omega_{2}} = (0.75g_{m3}A^{3} + 3.125g_{m5}A^{5})\cos(2\omega_{1} - \omega_{2})t$$
(24)

を得る.2ω2-ω1の成分は2ω1-ω2の成分と等しい. 式(24)から三次相互変調ひずみ成分は入力電力 *P*_{in} が低いレベルでは第一項の *g*_{m3}の項が優勢で入力 RF電力に対して対数 dB 表現で傾き3となる. dBc 表現では基本波成分で除して傾き2となる. RF 低 レベルでの基本波と IMD3 成分の外捜した交点が三 次インターセプトポイント IP3 である. なお,現実 のデバイスのひずみはドレーン電流あるいはコレク タ電流以外の成分の非線形性や更に高次の非線形性, 次項で説明するメモリ効果などが存在するため小信 号域を除いて単純な直線関係を示さない場合も多い. さらに変調信号を増幅する場合は精度の高い隣接チ ャネル漏洩電力比 ACPR などのひずみ特性を定量的 に予想するのは容易ではない.

一方, 効率は A 級から AB 級, B 級に, すなわち ゲート電圧をしきい値電圧に近づけるほど良くなる. 従って, 一般に高効率動作では gain expansion とな り, g_{m3} が大きい動作条件になる傾向にある. ひず みと効率のトレードオフを考えると g_{m3} が 0 に近い 領域にゲートバイアスを設定するのが基本になる.

6.3 メモリ効果とその抑制

相互変調ひずみは回路の影響も受ける. ベースバ ンド回路インピーダンス及び高調波回路インピーダ ンスのリアクタンス成分がトランジスタの二次非線 形性により三次相互変調ひずみ成分を発生する原因 となる. これらの現象はリアクタンス成分による電 気メモリ効果と呼ばれる. 回路リアクタンス成分に よるメモリ効果はひずみの劣化および上側及び下側 三次相互変調ひずみ成分の非対称性を発生する[5]. 非対称性は更なるひずみ改善を目指してひずみ補償 を行う場合に障害となる. トランジスタの熱発生の 時間的変動も RF 信号の変化に追従できず変調信号 程度の時定数となるため熱メモリ効果を生じて, IMD3 成分発生の原因となる[4].

図 21 は二次非線形性が存在するときメモリ効果 によって三次相互変調ひずみが発生する様子を模式 的に示したスペクトル図である.即ち周波数ω1及び ω2の入力信号がトランジスタの二次非線形性 gm2 などにより ω_2 - ω_1 及び $2\omega_1$, $2\omega_2$ の電流成分を発生 する. このときこれら周波数でのインピーダンス成 分が存在すると電圧成分を誘起する. これらの電圧 成分は ω_1 及び ω_2 成分と混合して $2\omega_1$ - ω_2 及び $2\omega_2$ ω1成分を発生する.これらのひずみ成分をベクトル 表示するとgm3などによる成分に対して90度程度位 相が異なっているため合成された2ω1-ω2及び2ω2ω1の成分は大きさ及び位相に差異が生じる.こうし たメモリ効果によるひずみ劣化はベースバンド及び 高調波インピーダンスを短絡にして電圧成分の発生 を抑えることにより低減できる. 特にベースバンド 周波数域のインピーダンスはバイアス回路に依存す る. また高調波に対しては寄生要素の影響を考慮し

た独自技術が提案されている[5].



図 21 二波増幅時のベースバンド及び二次高調波インピー ダンスによる三次相互変調ひずみの発生

7. むすび

マイクロ波増幅器の開発設計において、インピー ダンス整合回路の構成技術を理解することは基本で ある. さらに電力増幅器においては大信号動作及び ひずみの振る舞いの基本を理解することは増幅器の 高効率設計及び低ひずみ設計への第一ステップであ る.本講座では、マイクロ波インピーダンス整合技 術及び代表的なマイクロ波トランジスタ電力増幅器 における電力効率及びひずみの基本的な振る舞い及 び特性を概説した.マイクロ波増幅器の基礎を理解 する一助となれば幸いである.

参考文献

- [1] 高山洋一郎、マイクロ波トランジスタ、電子情報通 信学会、1998.
- [2] K. Uchida, Y. Takayama, T. Fujita and K. Maenaka, "Dualband GaAs FET power Amplifier with two-frequency matching circuits," Asia-Pacific Microwave Conf. Proc., pp.197-200 (Dec. 2005).
- [3] 高山、本城、"マイクロ波電力増幅器の高効率化・ 低ひずみ化のための基礎とその応用、"信学論
 (C),vol.J91-C, no.12, pp.677-689, Dec.,2008.
- [4] 本城和彦, "マイクロ波増幅器の高効率化・低ひず み化,"信学誌, vol.90, no.4, pp.263-269, April 2007.
- [5] 高山洋一郎, "超高周波トランジスタ電力増幅器の ひずみ特性及びその低減, 信学誌, vol.91, no.2, pp.117-122, Nov., 2008.